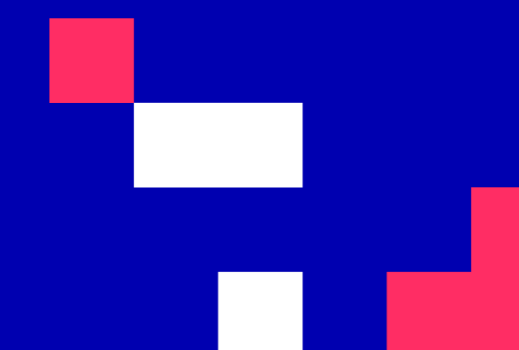


Русенски университет

# ИНТЕЛИГЕНТНИ КОМПЮТЪРНИ СИСТЕМИ

Светлана Стефанова

Септември, 2022



**ЛЕКЦИЯ 8****РАЗСЪЖДЕНИЯ С НЕСИГУРНОСТ****СЪДЪРЖАНИЕ**

1. Въведение
2. Несигурност на правилата
3. Несигурност на фактите
4. Фактор на достоверност
5. Начини за оценяване на сигурността на правилата

**СЪДЪРЖАНИЕ 1**

# Актуалност на проблема със сигурност на знанията

Проблемът с отчитане и анализ сигурността на знанията е един от най-важните в областта на ИИ.

**Източници на несигурност:**

- Несигурност на факти;
- Несигурност на правилата.

**Част от опита на експертите е да знаят:**

- кога да пренебрегнат липсващата информация;
- кога да спрат, за да я получат.

**СЪДЪРЖАНИЕ 2**

# Несигурност на правилата

В БЗ могат да се включат правила, които носят знания с несигурна информация.

Пример: *АКО имаш болка в кръста ТО намажи със загряваш мехлем.*

Болката може да е неврологична и загряването да е противопоказно.

**СЪДЪРЖАНИЕ 3**

# Несигурност на фактите

В реалния свят, въпреки несигурността на данните, може да направим напълно определени заключения, но при спазване на **определени правила**:

- да не се прилагат дадени правила, ако информацията, необходима за оценяване на техните предпоставки, не е налице.
- резултатът зависи от вида на предпоставките:
  - при клаузи свързани с **И** - всички клаузи трябва да се оценят като верни, за да се приложи правилото. Ако потребител отговори „неизвестно“ за коя да е част от предпоставката, правилото не успява.
  - при клаузи свързани с **ИЛИ** - неизвестна информация, свързана с една клауза от предпоставката, не прави невъзможен успеха на правилото.

**СЪДЪРЖАНИЕ 3**

# Несигурност на фактите

Ако в структурата на данните използваме правила:

## АКО A TO G

това, че фактът **A** не е известен или не е напълно сигурен, е важно за извода **G**, тъй като се налага извеждане на нови твърдения от предполагаеми верни предпоставки, чрез повтарящо се прилагане на правила.

**СЪДЪРЖАНИЕ 3**

# Несигурност на фактите - от къде може да дойде?

- Неопределеност;
- Непълнота;
- Недостоверност/неточност.





**СЪДЪРЖАНИЕ 3**

# Несигурност на фактите - неопределеност

Неопределеността е едно от свойствата на информацията в реалния свят.

## Източници на неопределеност:

- противоречиви знания;

Пример: *данни от видеокамера с ограничена разделителна способност.*

- размити граници на понятия;

Пример: *Той е възрастен човек.*

- изрази с многозначна скала на истинност и др.

Пример: *Трябва да си добър!*



**СЪДЪРЖАНИЕ 3**

# Несигурност на фактите - непълнота

Непълнотата се отнася до съдържанието на информацията и може да се разглежда като:

- Липса;
- Недостатъчност.

## Източници на непълнота :

- времеви - липса на време за пълен анализ;
- финансови - нужда от скъпоструващи и рискови изследвания.

При разсъжденията, използващи непълни данни, получаваме изводи, които са съмнителни.

Вземането на решение при непълни данни придава разумен характер на мисленето.

**СЪДЪРЖАНИЕ 3**

# Несигурност на фактите - недостоверност/неточност

Неточност се установява, когато се разглежда истиността на информацията.

**Източници на неточност:**

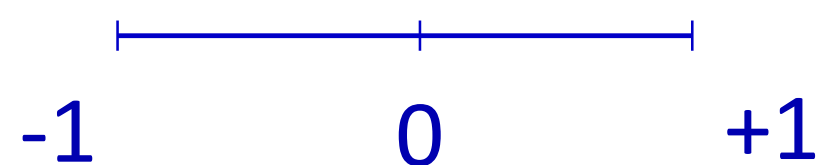
- непрецизни данни;
- ненадежни данни.



**СЪДЪРЖАНИЕ 4**

# Фактор на достоверност

Степента на сигурност може да се представи количествено с число, наречено **фактор на достоверност** или **коэффициент на сигурност**:



**Важно:** Факторът на достоверност не е вероятност, но може да се съпостави с вероятност без да се очаква да се подчинява на законите на вероятностите.

**СЪДЪРЖАНИЕ 4**

# Фактор на достоверност - прилагане

Според характера на източниците на несигурност коефициентът на сигурност може да се използва:

- **При несигурност на фактите** - С помощта на съставни предпоставки могат да се проверят несигурните факти;
- **При несигурност на правилата** - Самите правила може да не са съвсем определени, а е възможно и някои факти-изводи да се получат като резултат от повече от 1 правило. Комбинираща функция съчетава техните коефициенти на сигурност.

**СЪДЪРЖАНИЕ 4**

# Фактор на достоверност - на фактите

Потребителят понякога смята, че един факт е верен, но не е напълно сигурен.

Предпоставките се оценяват по различен начин в зависимост от броя на клаузите и логическите връзки, които съдържат. Правилата успяват, ако предпоставките имат фактор на достоверност по-голям от определен **праг**.

Несигурна предпоставка винаги води до несигурно заключение и то е повлияно от нейната несигурност.

**СЪДЪРЖАНИЕ 4**

# Фактор на достоверност - на правилата

Когато правилата не са напълно сигурни също могат да имат асоцииран „фактор на достоверност“.

**Пример:**

АКО имаш болка в кръста ТО намажи със загряваш мехлем.



**СЪДЪРЖАНИЕ 4**

# Фактор на достоверност - пример

*“Ако Боко е зелен,  
то той вероятно е жаба”.*

Но той може да е и хамелеон?

Този тип разсъждения може да бъде имитиран с помощта на числови стойности:

“Ако е известно, че Боко е зелен, може да бъде заключено със сигурност 0.85, че той е жаба”

“Ако е известно, че Боко е жаба, то може да бъде заключено със сигурност 0.95, че той подскача”.





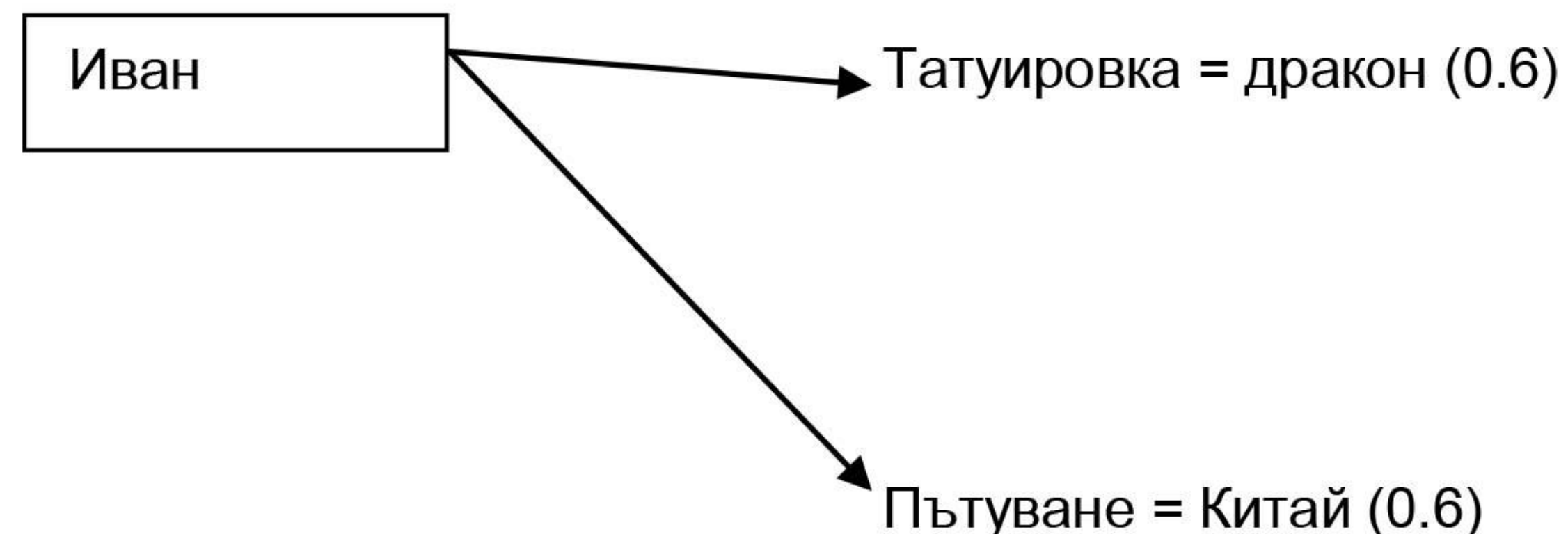
## СЪДЪРЖАНИЕ 4

# Фактор на достоверност - пример

„Ако татуировката на Иван е дракон, то Иван е пътувал до Китай“.

**Убеденост:** Само частично (0.6) може да сме убедени, че дадена татуировка е от един тип.

Този фактор на достоверност се разпространява от правилото, което стига до заключението, че Иван е бил в Китай (0.6).



**СЪДЪРЖАНИЕ 4**

# Фактор на достоверност на заключението

- Ненапълно сигурна информация никога няма да се комбинира така, че да се получи сигурно заключение.
- С появата на повече положителна информация се повишава доверието в заключението.
- Редът, в който се комбинира информацията, няма значение за достоверността.



**СЪДЪРЖАНИЕ 4**

# Фактор на достоверност на заключението

- **Ако предпоставката е проста** и успее с определена сигурност, то стойността се приема с нейния придаден фактор на достоверност;
- **Ако предпоставката е сложна** и успее с определена сигурност, то крайният фактор на достоверност на заключението е произведението на факторите на достоверност на предпоставката.



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

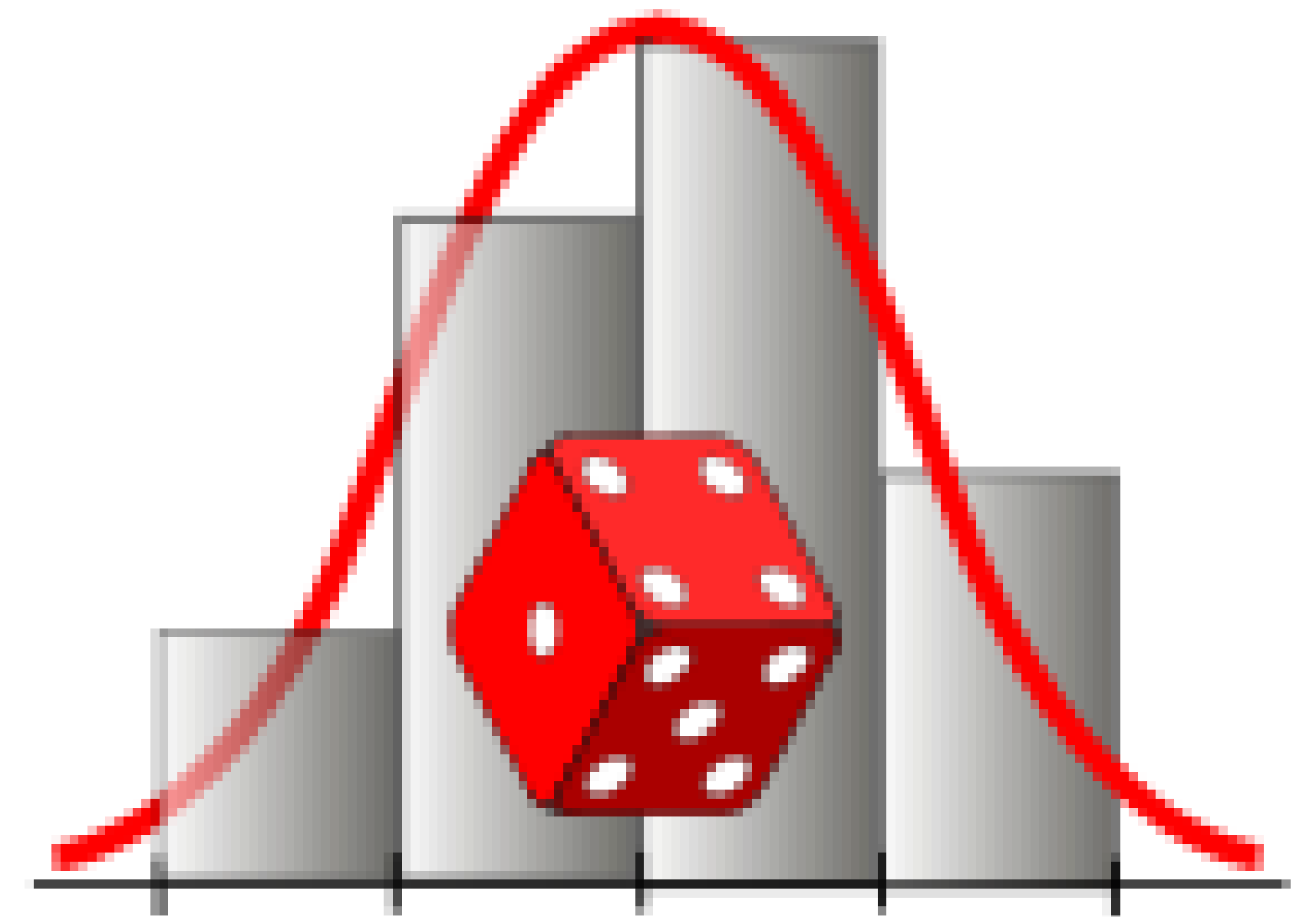
# Начини за оценяване сигурността на правилата

- теория на вероятностите (теория на Бейс);
- теория на доказателството (теория на Демпстер-Шафър);
- теория на възможностите (теория на Заде);



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите

- **Вероятност** – установява се по експериментален или статистически път като начин за определяне субективната увереност в дадено събитие.
- **Безусловна вероятност** - увереността, която се присвоява на дадено твърдение  $A$ , без да се изисква изпълнението на някакво условие.

$P(A)$ , където  $P(A)$  е неотрицателно число

- **Условна вероятност** – използва се, когато за установяване вероятността на дадено твърдение  $A$  се отчита събдването на определено събитие  $B$ . Използва се само, когато знаем всичко за събитието  $B$ .

$P(A|B)$  (т.е. АКО  $B$  ТО  $A$ )

Когато стане известно събитие  $C$  (допълнителна информация), то условната вероятност се изчислява:  $P(A|B \cap C)$ .



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите - условна и безусловна вероятност

Безусловната вероятност може да се разглежда като частен случай на условната, където липсата на факти за събитието **B** е означено с неговото отсъствие.

$$P(A|)$$

Условните вероятности могат да се определят от безусловните чрез теоремата за произведение на вероятностите

$$P(A|B) = P(A \cap B) / P(B), \text{ където } P(B) > 0$$

т.е. записано обратно

$$P(A \cap B) = P(A|B) * P(B)$$



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите - аксиоми

- всички вероятности са със стойност **между 0 и 1**;
- истинните твърдения имат вероятност **1**, а неистинните **0**;
- вероятността на дизюнкция е:

$$P(A \vee B) = P(A) + P(B) - P(A \wedge B)$$



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите - свойства

От аксиомите може да се изведе следното свойство:

$$P(A|B) * P(B) = P(B|A) * P(A)$$

ако разделим на  $P(A)$  получаваме **правилото на Бейс**:

$$P(B|A) = P(A|B) * P(B) / P(A),$$

което позволява неизвестна вероятност да се изчисли при известни други.

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите - пример

**Задача:** поставяне на медицинска диагноза (където има много условни вероятности). Каква е вероятността пациент да има менингит, ако е със схванат врат?

A е твърдението, че пациента има схванат врат, а B е вероятност той да има менингит.  $P(B|A)$  означава пациентът със схванат врат да може да има менингит.

$$P(B|A) = (1/2 * 1/50000) / 1/20 = 1/5000.$$

Лекарят знае, че менингитът е диагноза в 50% от случаите, когато оплакванията са схванат врат (условната вероятност).

Съгласно статистиката (безусловно):

- вероятността някой да страда от менингит е 1/50 000;
- вероятността човек да има схванат врат е 1/20.

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите - измерване на достоверност

В теорията на Бейс вероятността често се използва за измерване достоверността на твърдение.

Лаплас (1812г.) стига до същия извод и го използва за решаване на проблеми в небесната механика, медицината и съдебната практика.

**Пример:** Лаплас изчислява масата на Сатурн на база съществуващите астрономически наблюдения на неговата орбита. Той обявява резултатите, заедно с тяхната несигурност: "Обзалагам се 11'000:1, че грешката в този резултат не е по-голяма от 1/100 от стойността му."

Лаплас, би спечелил залога, защото 150 години по-късно, въз основа на нови данни, резултатът му е коригиран само с 0,63%.



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите - оценяване на хипотези

Правилото на Бейс се използва и за оценки на хипотези.

**Бейсови мрежи** - в тях се представят зависимости между отделни величини и се специфицира разпределението на вероятността. Мрежата на увереностите е граф, включващ:

- **величини**, формиращи възлите в мрежата;
- **директни връзки**, свързващи двойки възли, като интуитивното значение на стрелките е в посочване директното влияние на една величина върху друга.
- всеки възел има **таблица с вероятности**, количествено определяща ефекта върху него, който имат т.нар. причинни величини (тези, от които тръгват стрелките).

При постъпване на нова информация, налагаща промени върху вероятностите, се предизвиква разпространение на измененията по възлите и установяване на новото положение, т.е. отразява се факта, че твърденията си влияят взаимно.

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите - несигурно заключение

Има две причини за несигурност на твърдение **B**:

- потребителят е казал, че **B** е несигурно;
- програмата извлича **B** чрез правдоподобно правило, т.е. с вероятност.

Ако искаме да използваме **B** в правило за **P(A|B)** възниква въпроса: как да намалим сигурността на заключението поради несигурността, свързана с **B**?





**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите - несигурно заключение

Нека **E** означава доказателството, използвано за установяване на **B**,  
и **P(A|E)** е текущата вероятност на **A** при дадено **E**.

При някои допускания:

$$P(A|E) = P(A|B) \cdot P(B|E) + P(A|\sim B) \cdot [1 - P(B|E)]$$

Тази формула е валидна в крайните случаи на пълна сигурност,  
т.е.

ако знаем, че **B** е вярно (**P(B|E)=1**), получаваме **P(A|B)**, и

ако знаем, че **B** не е вярно (**P(B|E)=0**), получаваме **P(A|~B)**.



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите – несигурно заключение

За съжаление, в междинните случаи възниква проблем.

В частност да предположим, че  $E$  не дава информация за  $B$ , т.е.  
 $P(B|E) = P(B)$ .

Предишната формула обещава да добави  $P(A)$ , когато изчислението се основава на стойности, получени от експерта, но резултантната стойност за  $P(A|E)$  обикновено не се съгласува с експертната оценка за  $P(A)$ . Това означава, че  $P(A)$ ,  $P(B)$ ,  $P(A|B)$  и  $P(A|\sim B)$  не са независими и субективните оценки на експерта за тях са почти сигурно числено несъстоятелни.



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите – несигурно заключение

В този частен случай проблемът може да се реши, като например не се пита експертът за  $P(A)$ , а то се изчисли

$$P(A) = P(A|B) \cdot P(B) + P(A|\sim B) \cdot P(\sim B).$$

Това обаче прави параметрите само на едно правило съвместими и решението не е очевидно, когато е дадена мрежа от правила с противоречиви стойности на вероятностните параметри.



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

## Теория на вероятностите - оценяване несигурността на правилата

- **коэффициентът на достоверност на конюнкция** е минималния от коэффициентите на включените в конюнкцията елементи

напр.  $(P1(c K1) \wedge P2(c K2)) \text{ с } K3 \rightarrow K3 = \min(K1, K2)$

- **коэффициентът на достоверност на дизюнкция** е максималния от коэффициентите на включените в дизюнкцията елементи;
- **коэффициентът на достоверност на отрицание** е разликата между единица и коэффициентът на достоверност за твърдението;
- **сигурността на цяло правило** се разглежда като произведение на коэффициентите на предпоставките със сигурността на следствието, т.е. (Ако А с K1, то С с K2) с K3  $\rightarrow K3 = K1 * K2$

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите - изводи

- Използвайки тези правила е възможно да се комбинират частични сведения на основата на математически подходи.
- Обикновено правилото има прагова стойност на сигурност, свързана със сигурността на предпоставката. Под тази прагова стойност правилото не се активира.

**Теорията на Бейс не дава възможност да се различи несигурността от незнанието.**



**СЪДЪРЖАНИЕ 5****Теория на вероятностите - проблеми при определяне количеството несигурност**

- **необходимостта да се укажат числените стойности за априорните вероятности** - Експертът може да каже колко сигурен се чувства за заключението  $A$ , когато е налице условието  $B$  (Ако  $B$  То  $A$ ), но може да му е трудно да задава вероятността за  $A$  при отсъствие на каквото и да е условие.
- **експертът не може да разграничи вероятността от полезността или важността** и изразява някаква неустановена мярка за важност.





## СЪДЪРЖАНИЕ 5

# Теория на доказателството

## I. TOOLS

### 1. NATURAL DEDUCTION

Proofs for Conditionals  
Normal Proofs  
Strong Normalisation & Terms

### 2. SEQUENT CALCULUS

Derivations for  $\wedge/\vee$  ( $A \rightarrow B$ )  
Eliminating Id & Cut  
 $X \rightarrow A, X \rightarrow Y$  Sequents for  $\wedge, \vee, \otimes, \oplus, \rightarrow, \neg, \perp, \text{f}, \text{T}, \perp$   
Consequences of Cut Elimination

### 3. FROM PROOFS TO MODELS

Positions & Valuations  
Soundness & Completeness  
Cut Admissibility  
The Significance of Valuations

## II. THE CORE ARGUMENT

### 4. TONK

Prior's Challenge  
What Could Count as a Response?  
Answering with Model Theory  
Conservative Extension  
Uniqueness  
Harmony

### 5. POSITIONS

Language  
Assertion & its Norms  
Assertion, Denial & Other Speech Acts  
Positions & Structural Rules  
Bounds, Cut & Inference  
Challenges

### 6. DEFINING RULES

Defining a Biconditional  
Defining Rules Defined  
Defining Rules & QR Rules  
Eliminating Cut  
Answering Prior's Question

## III. INSIGHTS

### 7. MEANING & PROOF

Connectives  
Necessity  
Proof & Meaning  
Warrant

### 8. QUANTIFIERS & OBJECTS

Generality  
Identity  
Defining Rules for Quantifiers  
Positions & Models  
Arithmetic, Realism & Anti-Realism

### 9. MODALITY & WORLDS

Hypersequents  
Solving Prior's other Problem  
Positions & Worlds  
Quantifiers & Identity  
Two Dimensions

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Сравнение на двете теории

И двете:

- отчитат степените при измерване на несигурността, като използват вероятности.
- задават функция на увереност върху множество от хипотези;
- задават механизъм за обновяване на текущото множество от вероятности при постъпване на нова информация.

**Теория на доказателството може да различи незнанието от несигурността.**



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на доказателството - предимство

При Бейс степента на увереност в хипотеза  $H$  може да се дефинира чрез вероятността на нейното отрицание:

$$P(H) = 1 - P(\sim H)$$

Тук степента на увереност в хипотезата  $H$  заедно със степента на увереност в допълнението не винаги дава пълна сигурност 1-ца:

$$P(H) + P(\sim H) \leq 1.$$

Разликата до 1 определя **степента на незнание**.

Демпстер и Шафър настояват за фундаментално разграничение между несигурност и незнание.

При теория на вероятностите човек изразява степента на знанията си или вярването си в твърдението  $A$  чрез число  $P(A)$ .

Демпстер и Шафър смятат, че класическия неуспех на Бейс, свързан с априорните вероятности, често се дължи на факта, че човек не знае стойностите на априорните вероятности и това прави всеки избор произволен и неоправдан.

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на доказателството - функции на доверие

Теорията на доказателството разглежда разграничението между несигурността и незнанието, като въвежда **функции на доверие**.

Те удовлетворяват аксиоми, които са по-слаби от тези за вероятностните функции. Така вероятностните функции се превръщат в подклас на функциите на доверие и теорията на доказателството се свежда до теорията на вероятностите, когато стойностите на вероятностите са известни.

**Теорията на Демстър-Шафер не дава възможност за различаване несигурността от липса на конкретика.**



**СЪДЪРЖАНИЕ 5****Теория на възможностите**



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на възможностите

1973 г. професор Заде създава теория на възможностите/размита логика (fuzzy logic), която всъщност **не е размита**, а в голяма степен точна.

**Приложения:**

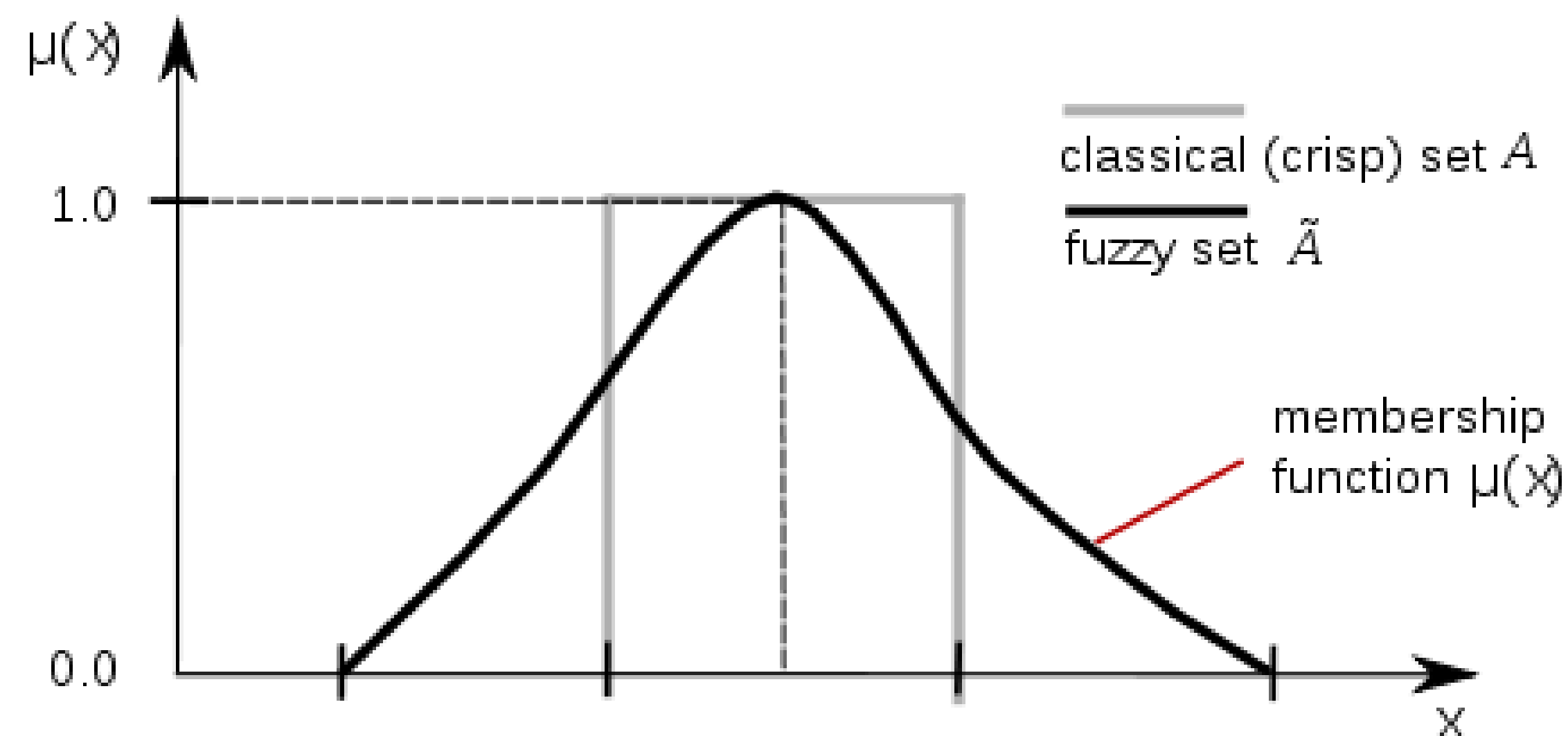
- създаване на алгоритми за разпознаване на изображения, образи и звуци;
- обработка на сигнали;
- количествен анализ в икономиката - изследване на финансови операции и др.;
- системи за вземане на решения - експертни системи за диагностика, планиране, предсказване и др.;
- обработка на информация/бази данни.

## СЪДЪРЖАНИЕ 5

# Теория на възможностите - размити множества

Размитите множества са класове с неточни граници.

**Пример:** клас красиви жени, клас честни мъже и клас високи планини.



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на възможностите - размити множества

Според Заде, теорията на вероятностите е подходяща за задачи, свързани с измерване на информация, но е неподходяща за **задачи, отнасящи се до смисъла на информацията.**

Голяма част от несигурността, заобикаляща използването на английски термини и изрази, е поради неопределеност, а не случайност.

Теорията на възможностите изразява количествено този вид неопределеност чрез въвеждане **функции на принадлежност** със стойности между 0 и 1.



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

## Теория на възможностите - размити множества и степен на принадлежност

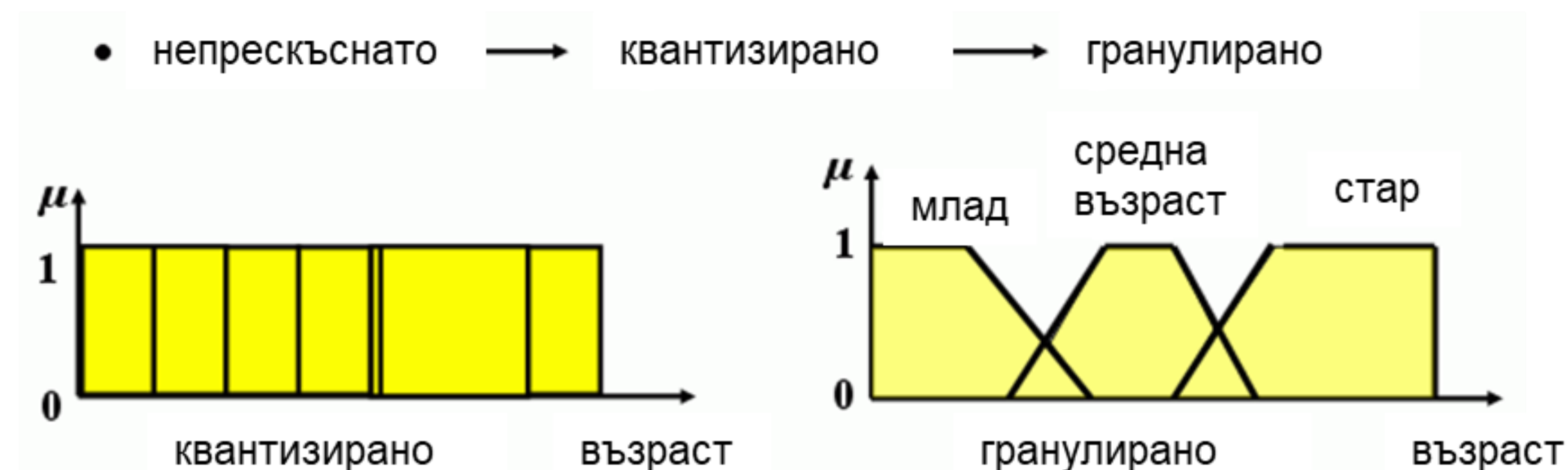
- **В класическата теория на множествата** - даден елемент или принадлежи, или не принадлежи към дадено множество, т.е. принадлежността му се оценява с 1 или 0 и не съществува трета възможност (Закон за изключеното трето).
- **В теорията на размитите множества** даден елемент принадлежи към дадено множество със степен, изчислена съгласно определена функция на принадлежност като число в интервала  $[0, 1]$ . Функцията на принадлежност е разширение на характеристичната функция на Кантор и изразява степента на истинност на дадено твърдение. В класическата логика степените на истинност са само две: „лъжа“ и „истина“;

## СЪДЪРЖАНИЕ 5

# Теория на възможностите - застъпване

В размитата логика всичко е или е позволено да бъде застъпвано.

**Пример:** понятието възраст е застъпено понятие, когато неговите стойности са описани като млад, възрастен и стар.



Млад, средна възраст и стар са размити множества

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на възможностите - размити множества

Ако  $U$  е множество и  $u$  е елемент от  $U$ , едно размито подмножество  $A$  на  $U$  се дефинира чрез функция на принадлежност  $m_A(u)$ , което измерва до каква степен  $A$  принадлежи на  $U$ .

Математически,  $A$  се определя като съвкупност от подредени двойки:

$$A = \{u, m_A(u)\}$$

$m_A(u)$  съпоставя на всеки елемент от  $U$  число от интервала  $[0, 1]$ .

**Пример:**

ако  $S$  е множеството от положителните цели числа,

$F$  е размитото подмножество на малките цели числа,

можем да имаме  $m_F(1) = 1$ ,  $m_F(2) = 1$ ,  $m_F(3) = 0,8$ ...  $m_F(20) = 0,01$  и т.н.

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на възможностите - представяне на размити множества

- **чрез изброяване** - ако  $U$  се състои от краен брой елементи, то  $A$  се представя:

$$A(u_j) = m_1/u_1 + \dots + m_n/u_n = \sum m_j/u_j, \text{ където } j = 1 \text{ до } n.$$

- **графично;**
- **аналитично.**

Съставните функции на принадлежност се получават чрез действия върху прости функции на принадлежност, например събиране или изваждане.

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на вероятностите и размити множества

**Теорията на вероятностите** се занимава не толкова с това, как се определят числените стойности на вероятностите, а с правилата за пресмятане на вероятността на изрази, съдържащи случайни променливи.

Подобно **теорията на възможностите** не се занимава с получаване числени стойности за разпределенията на възможностите, а с правилата за пресмятане на възможността на изрази, съдържащи размити променливи.

**Извод:** За повечето от концепциите в теория на вероятностите има аналози в теория на възможностите. Следователно, теория на възможностите също може да се използва за количествено представяне на несигурността, идваща от неопределеността на въведената информация — независимо дали са въведени данни или правила.



**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на възможностите - лингвистичен подход

За отчитане факторите, влияещи върху даден проблем, които имат качествени характеристики и се изразяват чрез недостатъчно определени и двусмислени термини от естествения език и професионалната терминология в дадена предметна област се налага да се прилагат специални методи за формализация.

**Лингвистичният подход** използва теорията на размитите множества и позволява да се представят субективни лингвистични оценки на специалистите и така да се отчита неточността на информация, съдържаща се в естествения език.





**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на възможностите - лингвистична променлива

Определя се от:

- име;
- множество от значения;
- област на значенията;
- синтактична процедура за образуване на нови значения на лингвистична променлива;
- семантична процедура за преписване на образувано ново значение на някаква семантика чрез формиране на съответно размито множество.

**Пример:** лингвистична променлива РЪСТ, формализира понятието *човешки ръст* има значения НИСЪК, СРЕДЕН, ВИСОК и област от значения от 1м до 2метра. Формално това може да бъде записано:  $\langle \text{ръст}\{\text{нисък, среден, висок}\}, [1,2], \text{Proc1}, \text{Proc2} \rangle$ .

**СЪДЪРЖАНИЕ 5**

# Теория на възможностите - лингвистична променлива

Понятието **степен на принадлежност** служи за означаване степента на съответствие на дадена стойност на лингвистична променлива към субективното значение, вложено в нея.

**Пример:**

множество **A** съответства на размитото понятие "*неголям запас в склада*",

изразител на **A** е крайно множество от стойности  $S\{10,11,12,\dots,40\}$ , където елементите от 10 до 40 са отделни количества материали.

Ако запитаме специалист да изрази с число, доколко вярно е твърдението "неголям запас от м-л в склад" за всеки от елементите на **S**, то множеството може да бъде представено:

$$A=\{0,05/10;0.1/11;0.2/12;....;0.1/40\}.$$

Според формализираните понятия на един специалист на "неголям запас в склада" в най-пълна степен съответстват някои от следните значения:

max 20-23; 14-19; 30-40 мин.

Чрез функция на принадлежност може да се изрази графично всяко от значенията на лингвистични променливи.

# Благодаря ВИ.

